

Физика

Вариант № 1

- Скорость прямолинейно движущегося тела меняется в зависимости от времени по закону $V(t) = 5 + 2t$ [м/с]. Определите перемещение тела через **10 секунд** после начала движения.
- С какой скоростью движется конец минутной стрелки часов, если ее длина равна **2 см**?
- Во сколько раз изменится период свободных колебаний математического маятника, если длину его нити увеличить на **44%**, а массу шарика уменьшить на **20%**?
- Шар массой m , движущийся со скоростью **3 м/с**, центрально сталкивается с неподвижным шаром массой $2m$. В результате удара шар массой $2m$ начинает двигаться со скоростью **2 м/с**. С какой скоростью и в каком направлении будет двигаться шар массой m после удара?
- На легкой нерастяжимой нити длиной L подведен груз массой m . Нить с грузом отклоняют от вертикали на угол **60°** и отпускают. Определите силу натяжения нити в момент прохождения грузом положения равновесия.

Вариант № 2

- Автомобиль, двигавшийся со скоростью **72 км/ч**, начинает разгоняться с ускорением **1 м/с²**. Какой путь проедет автомобиль с момента начала разгона до момента, когда его скорость **увеличится в 1,5 раза**?
- Два маленьких шарика находятся на некотором расстоянии друг от друга. Как изменится сила их гравитационного взаимодействия, если массу первого шарика **увеличить в 2 раза**, массу второго **уменьшить в 3 раза**, а расстояние между ними **уменьшить в 6 раз**?
- Импульс некоторого тела равен **150 кг·м/с**. Каким станет импульс тела, если его массу **увеличить на 60 %**, а скорость **уменьшить на 80 %**?
- Материальная точка совершает гармонические колебания с амплитудой **2 см** и частотой **3 Гц**. Какой путь пройдет материальная точка за **0,5 с**?
- Тело массой **150 г** свободно падает с высоты **16 м**. Определите среднюю силу сопротивления воздуха, действующую на тело, если падение длится **2 секунды**.

Математика

Вариант № 1

- Найдите наименьший корень уравнения $\sqrt{x^2 + 5x + 6} \cdot \sqrt{-x^2 + 4x - 3} = 0$.
- Решите неравенство $\frac{3-x}{x-1} + 3 \leq \frac{x-1}{x}$.
- Решите систему уравнений
$$\begin{cases} \frac{4x^2}{y} + 4x + y = 0 \\ 3xy + 2x = 5y. \end{cases}$$
- Две машины, рывшие туннель навстречу друг другу, закончили его проходку за 60 дней. Если бы первая машина работала 18 дней, а вторая – 16 дней, то вместе они прошли бы 60 метров туннеля. Если бы первая машина выполнила $\frac{2}{3}$ всей работы второй машины по проходке туннеля, а вторая – 0,3 всей работы первой машины, то первой понадобилось бы для этого на 6 дней больше, чем второй. Сколько метров туннеля в день проходит каждая машина?
- В $\triangle ABC$ проведены медианы. Каждая медиана треугольника делится точками A_1, B_1, C_1 , соответственно, в отношении 2:3, считая от вершины. В каком отношении находятся периметры $\triangle ABC$ и $\triangle A_1B_1C_1$?

Вариант № 2

- Решить уравнение
$$|6 - 3x| = 8 - x$$
- Разность двух чисел равна 14, и 20% их суммы равна 75% меньшего числа. Найти эти числа.
- Решить неравенство
$$2x + 4 \geq -\frac{1}{2(x+1)}$$
- Найти все значения a , при которых уравнения $x^2 - 2x + a = 0$ и $a^2 \frac{x^2}{4} - ax + a = 0$ имеют общий действительный корень.
- В прямоугольный треугольник площади S вписана окружность радиуса r . Найти углы треугольника.
- На координатной плоскости изобразить множество точек $B(x; y)$, координаты которых удовлетворяют условиям:

$$\begin{cases} |3y - x(9 - x^2)| \geq 3 \\ |y| \leq 8 \\ |x| \leq 3 \end{cases}$$